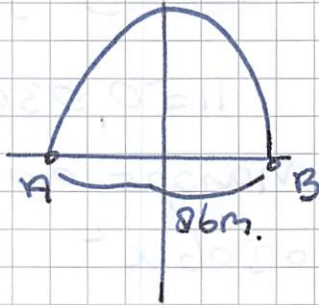


LANGAR

1.) 175 m. lang

$$y = -0,0306x^2 + 56,6$$



dus als ik SP met  $x$ -as weet,  
weet ik hoe breed het is

$$\text{dus } -0,0306x^2 + 56,6 = 0$$

$$-0,0306x^2 = -56,6$$

$$x^2 = \frac{56,6}{0,0306} = 1849,67 \dots$$

$$x = \pm 43 \text{ mtr.}$$

$$\text{dus } a(A,B) = 43 + 43 = \underline{\underline{86 \text{ mtr.}}}$$

afstand v. A  $\rightarrow$  B

$\uparrow$  dit is niet plus minus  
maar  $x = 43$  of

$$x = -43$$

2.) plan: opp = ~~lengte~~ breedte  $\times$  hoogte  $\times \frac{2}{3}$

$$\text{breedte} = 86 \text{ (zie a.)}$$

$$\text{hoogte} = \text{afstand van } 0 \rightarrow \text{top}$$

dus bij  $x=0 \Rightarrow$

$$y = 56,6$$

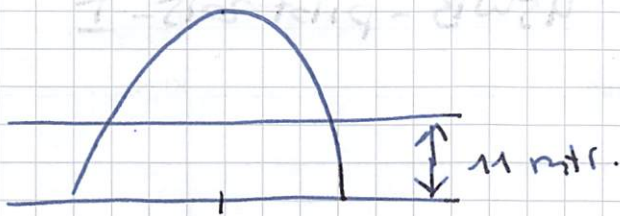
$$\text{opp. I.H.} = 86 \times 56,6 \times \frac{2}{3} = 3245,066 \dots$$

$$\text{Inh} = \text{Opp} \times 175 = 567806,66 \dots \text{ m}^3$$

in duizenden  $\text{m}^3$  dus 3 nullen op't einde

$$\text{dus } \underline{\underline{568000 \text{ m}^3}}$$

3.)



vliegtuig is ~~79,8~~ m breed op 11 mtr. hoogte  
79,8 dus bij  $y = 11$

Als ik  $x$  uittreken bij  $11 = 0,0306x^2 + 56,6$

weet ik hoe breed de hangar op 11 mtr. is

$$\text{dus } 11 - 56,6 = -0,0306x^2$$

$$x^2 = 1490,196 \dots$$

$$x = \pm 38,60 \dots \text{ mtr. dus}$$

$$\text{totale breedte } 2 \times 38,60 \dots = 77,20 \dots$$

dus de 79,8 mtr. breede Airbus past

niet in de 77,2 mtr. brede hangar

Ook hier weer een som met berekenen  
SP  $x$ -as.

Verder is parabool lynchsymmetrisch vanuit  
zijn top dus hier eenvoudig te zien dat  
max is bij  $x = 0$  (je hoeft dus niet outga  
te differentieren, de top ligt outga in het  
midden van de snijpunten met de  $x$ -as

let op de 3 manieren  $x^2 - 2x - 3 =$   
om parabool weer  $(x-3)(x+1) =$   
te geven  $(x-1)^2 - 4$

SP  $x$ -as  $(3,0)$  &  $(-1,0)$   $\blacktriangle$  top dus  $(1, -4)$

SINUS

$$4.) \sin(x) [\sin(x) + 2\cos(x)] = 0$$

dus  $\sin(x) = 0$  of

$$\sin(x) + 2\cos(x) = 0$$

Er staat berekenen dus GR mag

bereken algebraïsch of  
bereken exact }  $\rightarrow$  zonder GR

toon aan  
laat zien }  $\rightarrow$  GR mag

Domain  $[0, 2\pi]$  ook in te voeren op GR

$$y_1 = \sin(x) + 2\cos(x), [0, 2\pi]$$

met  
sh- <+>  
sh- <->

komma toets baren (DEL)  
gebruiken

Window x-min: 0

x-max: 7 (iets meer dan  $2\pi$ )

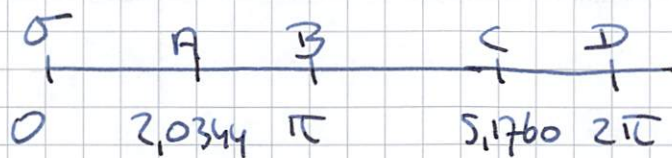
y-min: -3

y-max: +3

Via Root  $\rightarrow x_1 = 2,0344$

$x_2 = 5,1760$

dus: met  $\sin(x) = 0$  bij  $0, \pi, 2\pi$



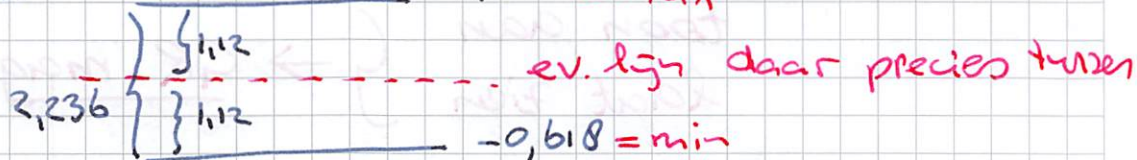
vraag:  $BC \stackrel{?}{=} AB \times ?$  dus

$$? = \frac{BC}{AB} = \frac{5,1760 - \pi}{\pi - 2,0344} \approx 1,84$$

dus idd bijna 2x zo lang en precies (2 dec.) 1,84 keer zo lang.

5.) toppen via g-solv, min, max  $\Rightarrow 1,618$  en  $-0,618$

dus  $1,618 = \text{max}$



afstand tussen min, max =  $1,618 + 0,618 = 2,236$

midden:  $\frac{2,236}{2} = 1,118 \approx 1,12$  dus

$$\text{ev. lijn} = s = 1,618 - 1,118 = \frac{1}{2}$$

dus  $p = 1,12$

periode = één hele golf dus (grafiek)  $= \pi \Rightarrow$

$$q = \frac{2\pi}{\pi} = 2$$

$\rightarrow$  'normale' sin snijdt bij  $x=0$  ev. lijn. Deze grafiek snijdt ev. lijn bij  $x \approx 0,23$  ( $f(x) = 0,5$  oplosser)

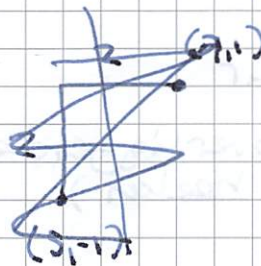
dus  $f(x)$  is 0,23 naar rechts dus  $x - 0,23$  nodig. Functie is nu  $(x - r)$  dus  $r = 0,23$  (dat staat er  $(x - 0,23)$ )

dus  $1,12 (\sin(2(x - 0,23))) + 0,5$  Controleer op GR of  $f(x)$  en nye functie gelijk.

5.) plan: afstand  $P \rightarrow c$  dus  $MP - r$  nodig  
 dus straal ( $r$ ) uit  $M$  en  $B$  bepalen  
 lijn  $l$  met  $B$  en  $rc$  uit lijn  $AB$  ( $\perp AB$ )  
 dus eerst lijn  $AB$  nodig

$A (5, -1)$

$B (7, 1)$



$-1 = 5a + b \Rightarrow b = -1 - 5a$

$1 = 7a + b$

$1 = 7a - 1 - 5a$

$2 = 2a$

$a = 1 \Rightarrow$

$rc$  van  $l = -1$

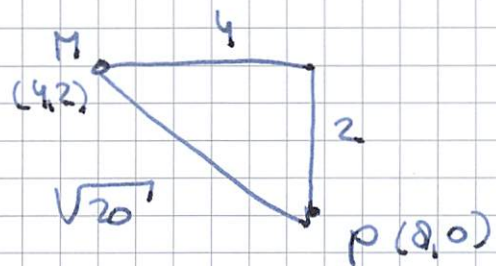
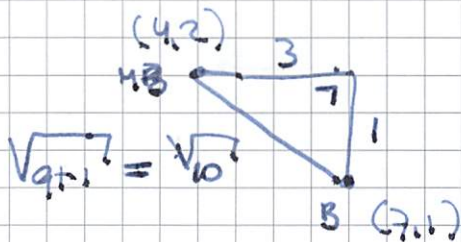
en  $B$  op  $l$   
 $(7, 1)$

$\begin{cases} 1 = -7 + b \\ b = 8 \end{cases} \Rightarrow$

$l: y = -x + 8 \Rightarrow$

$P (8, 0)$

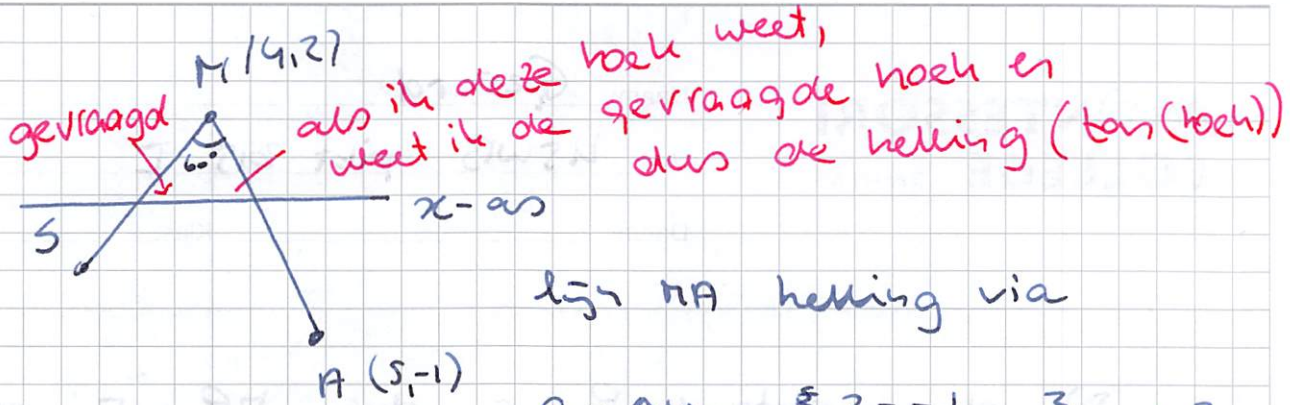
$r$  van  $M \rightarrow B$



Totaal:  $MP - r = \sqrt{20} - \sqrt{10}$

let op: er staat 'bereken exact' dus  
geen GR en wortels laten staan!!

7.)

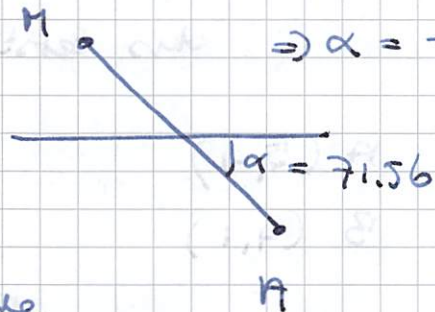


lijn MA helling via

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{2 - (-1)}{4 - 5} = \frac{3}{-1} = -3$$

dus hoek:  $\tan^{-1}(-3)$

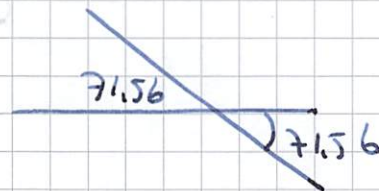
$$\Rightarrow \alpha = -71,56^\circ$$



door X-tijner

(tegenoverliggende hoeken)

weet je dat



dus gevraagde hoek:  $180 - 60 - 71,56 = 48,43^\circ$

dus helling:  $\tan(48,43^\circ) = 1,127$  dus

$$\underline{1,13}$$